

АНАЛИЗ НА РЕШЕНИЕТО НА ЗАДАЧА РАЗМЕСТВАНИЯ

В цикъл от $m=(1 \text{ до } N)$ наместваме подред всяко $m=1,2, \dots$ да дойде на мястото си.
Първо намираме на коя позиция е m . Нека числото m е на позиция j . Понеже не е на мястото си, явно $j > m$. Ако предното число не е j , то разменяме местата на m и предното число. Защо трябва $a[j-1] \neq j$? Това е така защото:

$P = 1 \ 2 \ 6 \ 5 \ 3 \ 4$ Стигнахме до $m=3$. То е на позиция $j=5$. Ако разменим 5 и 3, ще се получи:
 $P = 1 \ 2 \ 6 \ 3 \ 5 \ 4$ – сега 3 се премести напред, но числото 5 се оказа на позиция 5 и повече не може да се разменя с никое, т.е. вече няма начин числото 4, което е след 5, да се придвижи наляво.

Ако беше

$P = 1 \ 2 \ 5 \ 6 \ 3 \ 4$ и $m=3$, то разменяме 6 и 3 и се получава

$P = 1 \ 2 \ 5 \ 3 \ 6 \ 4$. След това преместване, веднага променяме j да стане 4.

По този алгоритъм ако продължим, то може да разменим сега 5 и 3 защото

$a[j-1] = 5 \neq j = 4$.

Става $P = 1 \ 2 \ 3 \ 5 \ 6 \ 4$ и $j=3$.

Понеже $j=m$, т.е. 3 си отиде на позиция 3, цикъла се завърта и $m=4$.

Нека сега $P = 1 \ 2 \ 7 \ 5 \ 6 \ 3 \ 4$, $m=3$, $j=6$ и $a[j-1]=j$, т.е. не може да разменим 6 и 3. Връщаме се от $j-1$ назад и търсим първото k за което $a[k] \neq k+1$. Това е при $k=3$, $a[3] = 7 \neq 3+1=4$.

Целта е да „издърпаме“ 5 и 6 наляво за да не отидат на местата си, а през това време 3 да отиде към място 3. Затова разместваме **отляво-надясно**, започвайки от $i=3$ до $i=j-1$ и разменяме $a[i]$ и $a[i+1]$. Ще се получи $1 \ 2 \ 5 \ 6 \ 3 \ 7 \ 4$. С една дума изместихме 5,6 и 3 наляво, а 7 го пратихме на мястото на 3:

$1 \ 2 \ 7 \ 5 \ 6 \ 3 \ 4$

$1 \ 2 \ 5 \ 6 \ 3 \ 7 \ 4$

Това значи, че намаляваме j , защото 3 се измести с една позиция наляво.

Обаче при $P = 1 \ 2 \ 4 \ 5 \ 6 \ 3 \ 8 \ 7$ е по-добре да разменяме отдясно-наляво, започвайки от 3 и стигайки до 4. Ще се получи

$P = 1 \ 2 \ 4 \ 5 \ 6 \ 3 \ 8 \ 7$

$P = 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 8 \ 7$

Да обърнем внимание какво стойности може да има k спрямо m .

Явно до $m-1$ числата са подредени.

Ето всички възможни случаи:

$k=4, m=3, k > m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	10	12	6	7	8	3	5	9	4	11
Отместване												
P1	1	2	10	12	6	7	8	3	10	9	12	11
P2	1	2	10	6	7	8	3	12	5	9	4	11

$k=4, m=4, k=m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	3	11	6	7	8	9	4	12	10	5
Отместване												
P2	1	2	3	11	6	7	8	9	4	12	10	5
P3	1	2	3	6	7	8	9	4	11	12	10	5

$k=0, m=1, k < m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	2	3	4	5	1	8	6	9	7	11	12	10
Отместване												
P2	2	3	4	5	1	8	6	9	7	11	12	10
P3	1	2	3	4	5	8	6	9	7	11	12	10

$k=4, m=5, k < m$

индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
P1	1	2	3	4	6	7	8	5	10	12	9	11
Отместване												
P1	1	2	3	4	6	7	8	5	10	9	12	11
P2	1	2	3	4	5	6	7	8	10	12	9	11

Вижда се, че когато $k < m$, тогава „пречещите” числа /в жълто/ се изместват надясно. Ясно е, че k може да бъде или 0 или $m-1$, и на практика числото m си отива на място m . Изместването става с цикъла

for $i := j - 1$ do m swap($i, i + 1$)
и правим $j := m$ } 1

Когато $k \geq m$, тогава „пречещите” числа и m се изместват наляво, а числото, което е било на позиция k – отива на позиция m . Цикълът е:

for $i := k$ do $j - 1$ swap($i, i + 1$);
и правим $j := j - 1$ } 2

В процедурата **swap** си разменят местата $a[i]$ и $a[j]$.

Псевдокод на програмата:

for $m:=1$ do n

```

    if  $a[m]=m$  continue
    намираме  $j$ = позицията на числото  $m$ 
    while  $j>m$ 
        if  $a[j - 1] < > j$  then
            swap( $j - 1, j$ )
             $j := j-1$ 
        else
             $k := j - 1$ 
            while  $(k \geq m)$  and  $(a[k] = k + 1)$ 
                 $k := k-1$ 
            if  $k < m$ 
                [ измества „пречещите” числа надясно,  $j:=m$  ] 1
                else
                [ измества „пречещите” числа наляво,  $j:=j-1$  ] 2

```

Източник: Всероссийская командная олимпиада
школьников по программированию
Анализ и реализация: Павел Петров